

# گام‌های نخستین در تحول شتابگرها\*

ای. گی. کورانت\*

حدود ۸۰ سال پیش راترفورد ابراز امیدواری کرد که ذرات را بتوان شتاب داد و به چنان انرژی‌هایی رساند که بتوان با آنها هسته‌ها و اجزاشان را شناخت [۱]. فیزیکدان‌ها و مهندسین خیلی پیشتر از این رفتار اند. امروز در برخوردهای بزرگ هادرونی (LHC) در سرن در ژنو پروتون‌ها تا هفت‌هزار میلیارد ( $7 \times 10^{12}$ ) الکترون‌ولت شتاب داده می‌شوند. در اینجا گام‌های اصلی را که ما را به اینجا رسانده‌اند مرور می‌کنیم.

برابر است و به انرژی بستگی ندارد. بنابراین با دو الکترود توخالی نیم‌دایره‌ای به‌شكل D که ولتاژی با این بسامد به‌آنها اعمال شود هر بار که باریکه از شکاف بین دو الکترود عبور کند شتاب می‌گیرد و به‌این ترتیب پس از n بار دوران به انرژی  $2n \text{ eV}$  خواهد رسید (V ولتاژ بین الکترود هاست). بیشینه انرژی را اندازه قطب‌های مغناطیسی دایره‌شکل محدود می‌کند.

لارنس به دانشجوی خود ام. اس. لیوینگستون گفت مدلی بسازد که درست بودن این اصل را ثابت کند. با مغناطیسی که رویه قطب‌هایش  $7 \text{ cm}$  قطر داشت و ولتاژ rf جداکننده  $2000 \text{ V}$ ، لارنس و لیوینگستون موفق شدند یون‌های مولکولی هیدروژن را تا انرژی  $80 \text{ eV}$  شتاب دهند [۳]. در اوایل سال ۱۹۳۲ ماشین بزرگ‌تری با قطب‌های ۱۱ اینچی و اعمال ولتاژ  $4000 \text{ V}$  ولت به D ها ساختند و پروتون‌ها را به انرژی  $122 \text{ MeV}$  رساندند [۴]. این نخستین بار بود که ذرات شتاب معادل با گذر از ولتاژ بیش از یک میلیون ولت می‌گرفتند.

در سال‌های بعد، لارنس و دیگران سیکلوترون‌های بزرگ‌تر ساختند. آخرین و بزرگ‌ترین نمونه این ماشین‌ها، ماشینی  $60 \text{ MeV}$  بود که در سال ۱۹۳۹ ساخته شد و دو تریون را تا انرژی  $60 \text{ MeV}$  و ذرات آلفا را تا انرژی  $40 \text{ MeV}$  شتاب می‌داد. در دانشگاه‌های دیگر امریکا و همچنین در فرانسه و ژاپن نیز سیکلوترون ساخته شد (سیکلوترون‌های ژاپن را نیروهای امریکا که ژاپن را در سال ۱۹۴۵ اشغال کرده بودند بدون هیچ ملاحظه‌ای از بین برندند).

معلوم شد که برای بیشینه انرژی شتاب دهنده با این روش حدّی وجود دارد: جرم  $M$  در معادله  $1 = \frac{E}{mc^2}$  جرم نسبیتی است و بنابراین بسامد n در میدان مغناطیسی یک‌دست با افزایش انرژی ذره کاهش خواهد یافت و ثابت نخواهد ماند. علاوه بر این همان موقع هم معلوم شده بود برای کانونی نگهداشت. باریکه در راستای عمودی، به‌جای میدان مغناطیسی یک‌دست

## شتاب دهنده سیکلوترون

در ۱۹۲۷ در آخن آلمان، دانشجوی مهندسی رالف ویدرو (Rolf Wideröe) در دنباله لوله‌های ولگشت (drift tube) با استفاده از ولتاژ بسامد رادیویی با دامنه  $25 \text{ kV}$  یون‌های سدیم را تا  $50 \text{ cm}$  کیلومولت شتاب داد یعنی از همان ولتاژ دو بار استفاده کرد. شرح این دستیافت را ویدرو در پایان نامه دکتراش آورد [۲]: گرچه شتاب دهنده ویدرو کارش را با یک ضربی  $2$  به پایان آورده بود معلوم بود که شتاب دهنده را با شمار بیشتری لوله ولگشت می‌توان چندین بار تکرار کرد. چند سال بعد ارنست لارنس (Ernest Lawrence) در کتابخانه برکلی مقاله ویدرو را دید. لارنس آلمانی خوب نمی‌دانست و متن را رها کرد اما نمودارها و معادله‌ها کافی بود تا این اندیشه به ذهنش برسد که اگر مسیر باریکه ذره را در میدان مغناطیسی به‌شكل دایره در باریم می‌توان به جای استفاده از شمار زیادی الکترود پی‌درپی از یک مجموعه الکترود‌های شتاب دهنده چندین بار استفاده کرد. او به این نکته حیاتی و حساس نیز اشاره کرد که بسامد زاویه‌ای دوران ذره‌ای به جرم  $M$  و باز الکتریکی  $e$  که در میدان مغناطیسی  $B$  روی مسیر دایره‌ای حرکت می‌کند با

$$\omega = \frac{eB}{Mc} \quad (1)$$

\* ارنست دی. کورانت از ۱۹۴۸ فیزیکدان آزمایشگاه ملی بروک‌هیون است و بیشتر کارش بر دینامیک ذرات در شتابگرها متمرکز است. او با ام. اس. لیوینگستون و اج. استایدر دینامیک گرادیان متناب (کانونی کنندگی قوی) را ابداع کرد. در دانشگاه‌های پرینستون، بیبل، و استونی بروک استاد بوده است و در ۱۹۷۶ به عضویت فرهنگستان علوم برگزیده شد، در ۱۹۸۶ جایزه فریسی را دریافت کرد و در ۱۹۸۷ جایزه ویلسون را (از انجمن فیزیک امریکا). در ۱۹۹۰ با عنوان فیزیکدان برجسته بازنیسته شد ولی همچنان در پروژه برخوردهای یون‌های نسبیتی سنگین (RHIC) نقش دارد و عمدتاً در زمینه باریکه‌های قطبیده کار می‌کند.

استوانهای ذرات حول مدارشان در جهت شعاع و عمود بر صفحه دوران نوسان می‌کنند. بسامدهای زاویه‌ای این نوسان‌ها

$$\omega_r = \Omega \sqrt{1-n}, \quad \omega_v = \Omega \sqrt{n} \quad (3)$$

است که در آن  $\Omega$  سرعت زاویه‌ای است و میدان در همسایگی مدار به شعاع  $R$  مناسب با  $(R/r)^n$  تغییر می‌کند. از این شرط اخیر شاخص میدان  $n$  تعریف می‌شود. بنابراین برای پایداری دار لازم است

$$0 < n < 1 \quad (4)$$

باشد. معادله‌های (3) و (4) و مرجع ۸ شالوده نخستین نظریه مدار شتابگر است.

پس از این موفقیت کرست اقدام به ساخت شتابگرهای القابی بزرگ تر کرد. اینها به «بیاترون» معروف شدند زیرا از زمانی که پرتوزایی کشف شد به الکترون‌های پرانرژی «پرتو بتا» می‌گفتند.

به دنبال انتشار مقاله کرست [۶-۸] ویدرو موق شد در آلمان بیاترون ۱۵ مگاالکترون ولتی بسازد (کایزر در [۹] این بیاترون را توصیف کرده است).

در سال ۱۹۴۵ بیاترونی ۱۰۰ مگاالکترون ولتی در آزمایشگاه جنرال الکتریک در شنکتادی نیویورک (که عمدتاً کرست طراحی کرده بود) توانمندترین شتابگر دنیا در زمان خودش بود و سیکلولترون را پشت سر گذاشته بود.

## پایداری فاز-سنکروترون و سنکروسیکلولترون

در اواخر جنگ جهانی دوم هنگامی که پروژه منهتن به موفقیت نزدیک شده بود اندیشه متخصصان برکلی دوباره به سیکلولترون بازگشت. مک‌میلان راهی برای چیزهای بسیاری از میدان را توسعه داد و سیکلولترون را پیدا کرد [۱۰]. او اشاره کرد که برابری (۱) را می‌توان به صورت زیر بازنوشت

$$E = Mc^2 = \frac{eBc}{\omega} \quad (5)$$

و متوجه شد اگر سیستم بسامد رادیویی به بسامد  $\omega$ ، و ذره‌ای به انرژی  $E$  داشته باشیم که از (۵) تبعیت کنند می‌توان  $\omega$  و/یا  $B$  را به کنندی تغییر داد و انرژی  $E$  خود به خود طوری تغییر می‌کند که شرط سنکرون بودن (هم‌زمانی) (۱) یا (۵) را برآورده کند به این شرط که سرعت تغییر میدان یا بسامد بسیار تند نباشد و میدان  $Rf$  ولتاژ کافی داشته باشد که بتواند با همان آهنگی که برای برآورده کردن (۵) لازم است تغییر کند. مک‌میلان سازوکار را این چنین شرح می‌دهد [۱۰]:

«ذره‌ای را در نظر بگیرید که انرژی اش از (۵) به دست می‌آید.

این انرژی را انرژی تعادل برای میدان  $B$  و بسامد  $\omega$  می‌نامیم. فرض کنید ذره از شکاف شتابدهی درست لحظه‌ای

می‌باشد با افزایش انرژی و شعاع باریکه از شدت میدان مغناطیسی کاست. خود این نکته هم مشکل کاهش بسامد با افزایش انرژی را بدتر

می‌کند و هر بار هنگام عبور ذره از شکاف، شتابدهنده فاز  $f$  تغییر می‌کند و بالاخره به فاز شتابگیرنده (کنده‌کننده) تبدیل می‌شود. به این ترتیب شمار دوره‌هایی که طی آن ذره شتاب می‌گیرد محدود می‌شود. به و رز تخمین زدن [۵] که با میدان مغناطیسی ۱۸ کیلوگاوسی و ولتاژ  $f$  حدود ۵۰ کیلوولت بیشینه انرژی دستیافتی حدود  $17 \text{ MeV}$  خواهد بود؛ پس از آن بیشینه انرژی متناسب با جذر ولتاژ قطب‌های D-شکل افزایش می‌یابد.

لارنس را این نکته مایوس نکرد و مغناطیسی با قطب‌های ۱۸۴ ساخت با این قصد که با ولتاژ حدود یک میلیون ولت به انرژی  $100 \text{ MeV}$  برسد. اما زمانی که مغناطیس آماده شد پروژه منهتن شروع شده بود و مغناطیس بزرگ برای جاکردن الکترو-مغناطیسی ایزوتوپ‌ها (کالیوترون (Calutron)) به کار برده شد. کار روی سیکلولترون متوقف شد.

## شتابدهی به الکترون-بیاترون؛ نظریه مدار

معلوم است که اصول شتابدهی در سیکلولترون برای شتابدادن به الکترون مناسب نیست زیرا الکترون در گستره مگاالکترون ولت نسبیتی است. نیاز به رهیافت جدیدی هست. یک امکان که در دهه ۱۹۲۰ به ذهن چند نفر رسید شتابدهی در میدان الکتریکی برخاسته از میدان مغناطیسی متغیر در زمان بود. ویدرو «تبدیل گر پرتو» (Strahlen transformator) را طراحی کرد که میدانی مغناطیسی  $B(r)$  با مقاین استوانهای دارد و الکترون‌ها با تکانه  $p$  در مدار دایره‌ای به شعاع  $R$

$$RB(R) = \frac{pc}{e} \quad (2)$$

حرکت می‌کنند. اگر شار مغناطیسی  $\int_0^R rB(r)dr = 2\pi \Phi$  که این مدار در برگرفته است افزایش یابد، میدان الکتریکی مماسی به مقدار  $E = \dot{\Phi}/2\pi R c$  در مدار القا می‌شود و الکترون‌ها را شتاب می‌دهد. ویدرو متوجه شد که اگر میدان  $B(R)$  روی مدار و شار  $\Phi$  متناسب با هم افزایش یابند شتاب الکترون برای ماندن روی همان دایره کفايت می‌کند به شرطی که شار دقیقاً دو برابر مقدار شاری باشد که در صورت وجود میدانی یک دست درون دایره برابر با میدان روی محیط دایره به دست می‌آمد. او چنین دستگاهی ساخت و امیدوار بود بتواند با آن دستگاه الکترون را به انرژی  $6 \text{ MeV}$  برساند اما موفق نشد الکترون‌ها را شتاب دهد. بنابراین به سراغ همان لوله‌های ولگشت و شتابگر خطی که در بخش قبل شرح داده شد رفت؛ در پایان نامه‌اش اما شرح تبدیل گر پرتو نیز به همراه شرح شتابگر خطی آمده است [۲].

دیگران هم این روش شتابدهی القابی را آزمودند اما موفق نشدند. در آخر در سال ۱۹۴۰ کرست موفق شد [۶ و ۷] و الکترون را تا  $2,3 \text{ MeV}$  شتاب داد. راز موفقیت او در تحلیل نظری پایداری مدار بود. کرست و سیربر در مقاله‌شان [۸] نشان داده‌اند که در میدانی مغناطیسی با مقاین

در سال‌های پس از جنگ در اوخر دهه ۱۹۴۰، سنکروسیکلولترون و سنکروترون الکترون در محدوده  $300 \text{ MeV}$  فراوان ساخته شدند زیرا امکان بررسی فیزیک جدید و هیجان‌انگیزی را فراهم می‌کردند؛ به تازگی پیون در پرتوهای کیهانی کشف شده بود و به‌کمک این ماشین‌ها فیزیک آنها کاملاً بررسی شد.

پروتون‌ها را هم می‌توان در شعاع ثابت با تغییر میدان و بسامد شتاب داد. چند سنکروترون پروتون در بیرون‌گام ( $1 \text{ GeV}$ )، بروک‌هیون ( $3 \text{ GeV}$ )، برکلی ( $6 \text{ GeV}$ )، و دوینا شوروی ( $10 \text{ GeV}$ ) طراحی و ساخته شد.

## کانونی‌کنندگی قوی

وقتی ساخت سنکروترون سه‌گیگالکترون‌ولتی بروک‌هیون (به نام کازموترون) در ۱۹۵۲ به‌آخر رسید، برای کاوش در راه‌های ممکن برای بهترکردن طراحی گروهی شکل گرفت. مغناطیسی کازموترون از  $288$  بخش یکسان به شکل C ساخته شد. گشودگی C به سمت بیرون و پایه C به سمت داخل مدار بود. شاخص میدان  $n$  ( $n = 3$  معادله) برای همه مغناطیسی‌ها یکسان و برای براوردن شرط پایداری ( $4$ ) برابر با  $6^{\circ}$  بود. مغناطیسی‌های کازموترون همه رو به بیرون بودند، بنابراین گرفتن باریکه ثانویه منفی ساده بود اما ثانویه‌های مشبّت با دیواره درونی ماشین برخورد می‌کردند. علاوه بر این در اثر اشباع میدان مغناطیسی ناحیه قابل استفاده «میدان خوب (good field)» به‌ازای میدان‌های متناظر با بیشینه انرژی کاهش می‌یافتد. بنابراین پیشنهاد شد که پایه عمودی بخش‌های مغناطیسی یک‌درمیان رو به بیرون و رو به درون مدار داشته باشند.

ممکن بود این کار منجر به مشکلی شود: گرادیان‌های کانونی‌کنندۀ می‌توانست به‌سادگی در بخش‌های رو به بیرون و رو به درون متفاوت باشد به‌ویژه در ناحیه میدان‌های فریزی (fringe fields). آیا این منجر به نایاباری مدار نمی‌شد؟

تقریباً بلافضلۀ با تحلیل معلوم شد [۱۳] که گرادیان‌های متناظر نه تنها پایداری را ضعیف‌تر نمی‌کند بلکه آن را بهتر می‌کند! با تنظیم پaramترها می‌توان پایداری مدار را بسیار بهتر از حالت عادی کرد. شدت مؤثر کانونی‌کنندگی را نسبت بسامدهای نوسان افتی و عمودی به سرعت زاویه‌ای تعیین می‌کند. در حالت عادی این نسبت‌ها (که به «کوک (tune)» معروف‌اند) به ترتیب  $\sqrt{n-1}$  و  $\sqrt{n}$  هستند و باید از  $1$  کم‌تر باشند؛ با این طرح جدید می‌توان کوک را بسیار بزرگ‌تر گرفت که متناظر با نوسان‌های کم‌دامنه است. نوسان‌های کم‌دامنه استفاده از گشودگی‌های واقعاً کوچک را ممکن می‌کند. این نکته نیز امکان می‌دهد مغناطیسی‌ها (و قطعه‌های دیگر) را ارزان‌تر ساخت و با کانونی‌کنندگی «قوی» به انرژی‌های بیشتر رسید. در مرجع ۱۳ برای کانونی‌کنندگی در بخش‌های مستقیم کاربرد مغناطیسی‌های چهارقطبی پیشنهاد شده است.

می‌گذرد که میدان الکتریکی از صفر می‌گذرد و طوری تغییر می‌کند که اگر ذره زودتر می‌رسید شتاب می‌گرفت. این مدار به‌وضوح پایاست. اینک فرض کنید که فارجابه‌جا شود طوری که ذره زودتر به شکاف شتاب دهی برسد. در این صورت ذره شتاب خواهد گرفت و افزایش انرژی ذره باعث کاهش سرعت زاویه‌ای آن خواهد شد درست‌بهجه ذره بار دیگر دیرتر به شکاف خواهد رسید. با برهان مشابه برای حالت دیگر می‌توان دید که هر انحراف انرژی از انرژی حالت تعادل تمایل به تصحیح خود دارد. البته این مدارهای جایه‌جاشده همچنان نوسان خواهند کرد و هم دامنه و هم فاز آنها حول مقدارهای متناظر با انرژی تعادل تغییر خواهد کرد.

«برای شتاب دادن به ذرات اینک نیاز است انرژی تعادل را تغییر داد. این کار را می‌توان با تغییر میدان مغناطیسی یا تغییر بسامد (یا هر دو) انجام داد. با تغییر انرژی تعادل، فاز حرکت نیز جایه‌جا می‌شود آنقدر که نیروی لازم برای شتاب دهی را فراهم کند؛ شباهت این رفتار به رفتار موتور سنکرون نام «سنکروترون» را برای این دستگاه تداعی می‌کند.»

در واقع همین اصل پایداری فاز و کاربردش برای شتاب دهی را پیشتر وای. وکسلر در مسکو کشف کرده بود [۱۱]. هنگامی که مک‌میلان از این کار آگاه شد بی‌درنگ تقدم وکسلر را رسماً پذیرفت [۱۲]. این اصل پایداری فاز بر محدودیت سیکلولترون فائق آمد: بسامد  $n$  را در میدان سیکلولترون کم کنید و ذره شتاب خواهد گرفت. به مغناطیسی  $184$  اینچی که با امید رسیدن به انرژی  $MeV$  ساخته شده بود (بخش ۲) دو الکترود D-شکل با ولتاژ متوسط و سیستم rf با مدولاسیون بسامد اضافه شد و توانست دوترون‌ها را تا  $190 \text{ MeV}$  (ذرات آلفا را تا  $380 \text{ MeV}$ ) شتاب دهد.

با سیکلولترون مدولاسیون بسامد یا سنکروسیکلولترون می‌توان بیشینه انرژی شتاب دهی را به مقدار دلخواه افزایش داد به شرطی که شعاع ماشین را به میزان لازم بزرگ کرد. برای انرژی مشخص شعاع را می‌توان از معادله

$$pc = eBR, \quad R = \frac{pc}{eB}, \quad (6)$$

که در آن  $p$  تکانه ذره است معلوم کرد. اما میدان مغناطیسی باید تمام فضای را که مدار متناظر با انرژی نهایی در بر می‌گیرد پر کند و اگر اندازه مدار خیلی زیاد باشد این کار هزینه زیادی می‌طلبید. در عمل سنکروسیکلولترون‌هایی که به این شکل کار کنند تا بیشینه انرژی  $MeV$   $60^{\circ}$  ساخته شده‌اند.

برای شتاب دهی به الکترون، شعاع مدار را ثابت نگه می‌داریم و میدان — و بسامد — را به شکلی تغییر می‌دهیم که (۳) و (۴) براورده بمانند. در این صورت برخلاف بتاترون که درون مدار میدانی با شدت میانگین دوباره میدان روی مدار لازم دارد تنها در ناحیه‌ای نواری حول وحش مدار به میدان مغناطیسی نیاز است.

- E. D. Courant, *Early Milestones in the Evolution of Accelerators*, in: *Reviews of Accelerator Science and Technology*, (Alexander W. Chao and Weiren Chou, eds) World Scientific, Vol. 1, 2008, pp. 1-5.

## مراجع

1. E. Rutherford, *Proc. R. Soc. A* **117** (1927), 300.
2. R. Wideröe, *Arch. F. Elektrot.* **21** (1928), 387.
3. E. O. Lawrence, M. S. Livingston, *Phys. Rev.* **37** (1931), 1707.
4. E. O. Lawrence, M. S. Livingston, *Phys. Rev.* **40** (1932), 19.
5. H. A. Bethe and M. E. Rose, *Phys. Rev.* **52** (1937), 1251.
6. D. W. Kerst, *Phys. Rev.* **58** (1940), 841.
7. D. W. Kerst, *Phys. Rev.* **60** (1941), 47.
8. D. W. Kerst and R. Serber, *Phys. Rev.* **60** (1941), 53.
9. H. F. Kaiser, *J. App. Phys.* **18** (1947), 1.
10. E. M. McMillan, *Phys. Rev.* **68** (1945), 143.
11. V. I. Veksler, *J. Phys. (USSR)* **9** (1945), 153.
12. E. M. McMillan, *Phys. Rev.* **69** (1946), 534.
13. E. D. Courant, M. S. Livingston, and H. S. Snyder, *Phys. Rev.* **88** (1952), 1190.
14. N. C. Christofilos, *Focussing system for ions and electrons*, US Patent No. **2736299** (application 1950, patent issued 1956).
15. E. D. Courant, M. S. Livingston, H. S. Snyder, and J. P. Blewitt, *Phys. Rev.* **91** (1953), 202.
16. E. D. Courant and H. S. Snyder, *Ann. Phys.* **3** (1958), 1.
17. H. Bruck, *Accélérateurs Circulaires de Particules* Institut National des Sciences et Techniques Nucléaires, Paris, 1966.
18. M. Conte and W. W. MacKay, *An Introduction to the Physics of Particle Accelerators* World Scientific, Singapore, 1991.
19. D. A. Edwards and M. J. Syphers, *An Introduction to the Physics of High Energy Accelerators* John Wiley, New York, 1993.
20. S. Y. Lee, *Accelerator Physics* World Scientific, Singapore, 1999, 2nd edn, 2004.
21. J. B. Adams, M. G. N. Hine, and J. D. Lawson, *Nature* **171** (1953), 926.
22. T. L. Collins, *Cambridge Accelerator Report CEA-86*, July 1961.
23. G. T. Danby, J. E. Allinger, and J. W. Jackson, *IEEE Trans. Nucl. Sci.* **NS-14**(3) (1967), 431.

باز هم معلوم شد که گرadiان متناوب را کسی پیشتر کشف کرده بود: ان.سی.کریستوفیلوس، مهندسی که در یونان کار می کرد [۱۴]، و گروه ما در بروکهیون تقدیم او را رسماً پذیرفت [۱۵].

**ساخت سنکروترون پروتون با گرadiان متناوب**  
(AG: Alternating Gradient) تقریباً بالفاصله در بروکهیون ۱۹۵۲ میلادی از کانونی کنندگی AG استفاده شده است. در سرن ژنو آغاز شد. و در عمل تمام شتابگرهای بزرگی که از سال ۱۹۶۰ میلادی کنون ساخته شده‌اند از جمله LHC از کانونی کنندگی AG استفاده می‌کنند.

در فرآیند برنامه‌ریزی و ساخت این سنکروترون‌ها معلوم شد که به تحلیل نظری مفصل (و البته نوآوری‌های زیاد در مهندسی) نیاز است. آموخت رفتار باریکه ذرات در شتابگرهای کانونی کنندگی گرadiان متناوب به رشته‌ای فعال تبدیل شده که مقالات و کتاب‌های پرشماری در باره‌اش منتشر شده است؛ در اینجا چندتایی را فهرست می‌کنیم [۱۶-۲۰].

زود معلوم شد که کاهش دامنه نوسان پیش‌بینی شده در اولین مقاله [۱۳] بیش از اندازه بوده است. آدمیز هاین و لاوسون اشاره کردند [۲۱] که اگر نسبت بسامدهای نوسان به بسامد دوران (که به زودی «کوک»‌های  $v_x$  و  $v_y$  نام گرفتند) مثل نسبت دو عدد صحیح باشند هر خطای کوچک در میدان منجر به انحراف‌های بزرگ از مدار می‌شوند، و اگر کوک‌ها نصف عدد صحیح باشند ناپایداری رشد نمایی خواهد داشت. هر دوی این اثرها به معنی تشدید بین نوسان‌ها و مؤلفه‌های فوریه خطاهای میدان است. چاره این است که مغناطیس‌ها با دقت بسیار زیاد ساخته شوند و میدان‌ها و گرadiان‌های کانونی کنندگی طوری طراحی شوند که کوک‌ها را از مقادیر تشدیدی صحیح یا نیم صحیح دور باشند.

هنر و علم طرح‌ریزی آرایش («شبکه»‌ی) مغناطیس‌ها در سنکروترون‌های AG طی سال‌ها پیش رفته است. در اولین سنکروترون‌های AG مغناطیس‌های کانونی کنندگی در جهت‌های افقی و عمودی را یک در میان قرار می‌دادند. یکی از اولین نوآوری‌ها ساخته‌هایی بود که کالبینز ابداع کرد [۲۲] و بخش‌های مستقیم طولانی دارند و در آنها می‌توان همه نوع ویژگی‌های جدید به شتابگر اضافه کرد. میلتون وايت (کار منتشرنشده) و دنبی و همکارانش [۲۳] پیشنهاد جداکردن کارکرد کانونی کنندگی از کارکرد خم کردن. مسیر ذرات را دادند یعنی مغناطیس‌هایی (یا میدان‌هایی یک‌دست) داشته باشیم که فقط مسیر ذرات را خم می‌کنند و در بین آنها مغناطیس‌های چهارقطبی کانونی کنندگی قرار داده شوند. در اولین سنکروترون‌های AG در بروکهیون و سرن از مغناطیس‌های خم کننده با «کارکرد ترکیبی» (combined function) استفاده شده بود که در مرجع ۱۳ به میان آورده شده بود اما تقریباً تمام شتابگرهای AG که از آن زمان ساخته شده‌اند این پیکربندی «کارکرد جداگانه» را به کار می‌برند.

ترجمه نادر حیدری