

بلکه باید تسهیلات بیشتری برای محققان فراهم کرد که هم آنها بتوانند کارشان را با فراغ خاطر و به صورت مؤثر انجام دهند و هم زمینه برای جلب بیشتر استعدادهای درخشان مهیا شود. سرمایه‌گذاری بیشتر، چه در مورد تخصیص بودجه بیشتر تحقیقاتی، و چه برای حقوق بیشتر محققان، و چه بودجه بیشتر برای فرستادن دانشمندان به کنفرانس‌های بین‌المللی و برگزاری کنفرانس‌های درجه یک در ایران می‌تواند در ارتقای سطح تحقیقات در ایران مؤثر باشد.

خبر: شما از جمله دانشمندان ایرانی مقیم خارج هستید که بارها (از جمله در سخنرانی مربوط به پذیرش جایزه اخیر) دلستگی خود را به کشور زادگاهتان ابراز کرده‌اید. با چنین طرز فکر و علاوه‌ی، به نظرتان دانشمندان ایرانی و ایرانی تبار مقیم خارج در حال حاضر چه کمکی می‌توانند به پیشبرد علم در داخل کشور بکنند؟

وفا: افرادی نظیر من باید سعی کنند بیشتر به ایران سفر کنند و سخنرانی کنند و با دانشمندان ایران ارتباط برقرار کنند. ضمناً باید سعی کنیم جوی در خارج ایجاد کنیم که بتوانیم پذیرای دانشمندان ایرانی در کنفرانس‌ها باشیم. همین طور باید کمک کنیم که همکاران خارجی ما علاقه‌مند شوند در کنفرانس‌های ایران شرکت کنند. ولی باید قبول کرد که این کمک‌ها بسیار محدود هستند و نقش اساسی را دانشمندان داخل ایران ایفا می‌کند. ■

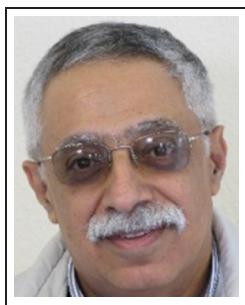
ریسمان‌ها ده بیلیون بار بیشتر از انرژی‌هایی است که در سرن قابل دسترسی است. اینکه این نظریه کلاً در چه زمان با محک آزمایش سنجیده شود سوالی است که جوابش را نمی‌توان پیش‌بینی کرد. چه بسا در کیهان انرژی‌های بالای موجود باشد که در آنها خواص ریسمانی را بتوان مشاهده کرد.

در واقع سؤال بزرگ و اساسی در نظریه ریسمان این است که چه خواصی از آن را می‌توان در انرژی‌های پایین‌تر که قابل دسترسی است مشاهده کرد. این مسئله بسیار سختی است که احتیاج به درک عمیق‌تری از نظریه ریسمان دارد. ارتباط عمیق این رشتہ با ریاضیات، چه بسا در حل این مسئله نقش مهمی بازی کند، همان طور که در رشد این نظریه تاکنون بسیار مهم بوده. ولی اگر گذشته این رشتہ را در نظر بگیریم، باید بگوییم نحوه پیشرفت آن در قرن ۲۱ قابل پیش‌بینی دقیق نیست.

خبر: می‌توان گفت حدود بیست سال است که جریان علم در ایران وارد مرحله «پژوهش» شده و تولید مقالات پژوهشی در این مدت رشد روزافروزی داشته است. اما علی‌رغم این رشد کمی، به نظر نمی‌رسد از لحاظ بازده کیفی و تأثیرگذاری بر علم جهانی، جایگاه رفیعی به دست آورده باشیم. آیا به نظر شما همین رشد کمی به خودی خود در نهایت باعث ارتقای کیفیت خواهد شد یا تدبیر و راهکارهای خاصی لازم است؟

وفا: پیشرفت‌های زیادی در این زمینه در ایران صورت گرفته. رسیدن به مرحله تأثیرگذاری جهانی کاری ساده نیست و به نظر من نباید دلسوزد شد.

## نگاهی به دستاوردهای وفا



\* حسام الدین ارفعی \*

جهانی. چند سال بعد که دیگر دکتری اش را گرفته بود و عضو دانشکده فیزیک دانشگاه هاروارد بود، در کنفرانسی که در رامسر برگزار شد او را ملاقات کردم. اولین کارش که منتشر شد (به همراهی ویتن) [۱] در ۱۹۸۴ در مورد محدودیت‌های شکست تقارن در نظریه‌های پیمانه‌ای بردارگونه بود که گمان می‌کنم قسمتی از رساله دکتری اش بود. این کار مورد توجه زیادی قرار گرفت و هنوز هم مورد توجه جدی است. از آن زمان تاکنون حدود

### مقدمه

اولین بار نام کامران وفا را از کیارا نپی (Chiara Nappi) همسر ادوارد ویتن (Edward Witten) که خودش هم فیزیکدان برجسته‌ای است در یک کنفرانس شنیدم. او گفت که اد (یعنی همان ادوارد ویتن) یک دانشجوی ایرانی دارد بنام کامران وفا. گفت به نظر خیلی خوب می‌آید ولی باید ببینیم. این چنین هم شد! وفا شد یک فیزیکدان برجسته در سطح

\* پژوهشکده ذرات و شتابگرها

که دو انقلاب اساسی فیزیک، نظریه کوانتوسی و نظریه گرانش، را وحدت می‌بخشد، موضوعی که دغدغه سیاری از فیزیکدانان است. در این مسیر، نظریه ریسمان نقش مرکزی را داشته است. غالب کارهای او هم در همین راستاست، از مسائل بسیار مجرد که به ریاضیات نزدیک می‌شود تا کارهایی به منظور ساختن مدل‌هایی منبع از نظریه ریسمان برای پدیده‌شناسی ذرات، و حتی کاربرد روش‌های غنی ناشی از این نظریه در فیزیک ماده چگال. در این میان به مسائل متعددی از نظریه میدان‌ها و کیهان‌شناسی نیز پرداخته است. محورهای اساسی افکار وفا تقان (شامل ابرتقان، تقارن آینه‌ای) و مفاهیم هندسی است و از این روست که پل‌هایی از یک سو با ریاضیات و از سوی دیگر با آزمایش برقرار ساخته است. اثر هندسه (که در فیزیک نظری امروز شدیداً پررنگ است) در کارهای او چنان است که تعدادی از سخنرانی‌های وفا عنوان فیزیک هندسی دارند.

وی در تحقیقاتش با تعداد زیادی فیزیکدان همکاری کرده است. دانشجویان زیادی را پرورش داده است که بسیاری از آنان خود فیزیکدانان نامداری شده‌اند. در بسیاری از پیشترفت‌های نظریه ریسمان یا به تنها یک راهی را گشوده است (مانند نظریه F) یا همراه با دیگران (مانند ساختار اریفلد). به هر حال در آشکارکردن غنای بی‌بدیل نظریه ریسمان نقشی اساسی داشته و دارد.

در زیر به شمه‌ای از سهم او در این زمینه می‌پردازیم. شاید مشهورترین دستاوردهش حل معضل آنتروپی سیاهچاله‌ها باشد. سال‌ها پیش، در اوائل دهه هفتاد میلادی، بکنشتاین و پس از او هاوکینگ کشف کردند که سیاهچاله‌ها آنتروپی متناسب با مساحت‌شان دارند. در فیزیک، آنتروپی یک سیستم با داده‌های ماکروسکوپی معینی، برابر لگاریتم تعداد حالت‌های سازگار با داده‌های فیزیکی (حالت‌های میکروسکوپی) ماست. اما در مورد سیاهچاله، بیش از محدودی سنجه، کمتر از انگشتان یک دست، وجود ندارد که آن را معین سازد. پس این آنتروپی از کجا می‌آید؟ پس از گذشت بیش از دو دهه، وفا و استرومینگ توانستند ریشه‌های آن را در حالت‌های پنهان در فضای اضافی ریسمان‌ها بیابند. این مطلب در مقاله دیگری در این شماره بررسی شده است و من از توضیح بیشتر در مورد آن می‌گذرم.

فهرست مطالبی که در این مقاله به اختصار به آنها می‌پردازم به قرار زیر است. برکلمه اختصار تأکید می‌کنم چون واقعاً ادای حق مطلب فضایی دیگر و حجم بیشتری را می‌طلبند. مطالب زیر مجموعه‌ای است که شاید بتواند هسته اصلی قسمتی از افکار وفا را روشن سازد.

## ۱. شمارش سیاهچاله‌ها

## ۲. اریفلد

## ۳. مهندسی هندسی نظریه‌های میدان

## ۴. ریسمان‌های توپولوژیک

## ۵. نظریه F

## ۶. تقان‌های آینه‌ای

سیصد اثر از او به چاپ رسیده است که حیطه وسیعی از فیزیک انژی بالا را در بر می‌گیرد ولی تنها منحصر به آن نیست، مسائلی در ریاضیات و حتی فیزیک ماده چگال را به راحتی در میان آنها می‌توان دید.

در این گفتار به زندگینامه وفا که به راحتی در اینترنت قابل دسترسی است بیش از چند جمله نمی‌پردازم و بیشتر به توضیح و مرور کارهای علمی‌اش خواهم پرداخت. واضح است که دوره کردن تمام مقالات و کارهای او در این مختصراً نمی‌گجد. سعی می‌کنم تعدادی از آنها را به گونه موضوعی و نه یک به یک به اختصار توضیح دهم. در مواردی به ذکر عنوان اکتفا می‌کنم و به ناچار بیشتر آنها را ناگفته می‌گذارم. تلاش می‌کنم آنقدر وارد جزئیات فنی و تخصصی نشوم که خواننده غیرمتخصص خسته شود. اما برای آنکه حداقلی از محتوای علمی کارها را بیان کنم ضمیمه کوتاهی در مورد نظریه ریسمان اضافه کرده‌ام تا علمت و جایگاه دستاوردهای مورد بحث در چارچوب دانش بشری را روشن کنم و معلوم شود که این تلاش‌ها و کارهای وفا و ریسمان‌چیان دیگر به چه منظور انجام می‌شود.

## زندگینامه

کامران وفا، متولد ۱۱ امرداد ۱۳۳۹ در تهران، دیبلم را از دبیرستان البرز و لیسانس خود را از دانشگاه ام.آی.تی. در آمریکا گرفت. در سال ۱۹۸۵ با درجه دکتری (تحت راهنمایی ویتن) از دانشگاه پرنسپتون فارغ‌التحصیل شد و پس از آن در هاروارد بوده است: از ۱۹۸۵ تا ۱۹۸۸ به عنوان عضو جوان (Junior fellow)، از ۱۹۸۸ تا ۱۹۹۰ دانشیار، از ۱۹۹۰ استاد فیزیک، و از ۲۰۰۳ تاکنون صاحب کرسی دونر (Donner) استادی علوم در دانشگاه هاروارد. در این دوران افتخارات بسیاری از آن او شده است که برخی را در اینجا ذکر می‌کنم: عضویت در آکادمی علوم و هنرهای آمریکا (۲۰۰۵)، جایزه لتوارد آیزنبراد (Leonard Eisenbud) [۲] از سوی انجمن ریاضی آمریکا (۲۰۰۸) [۲]، مدار دیراک (Dirac) (۲۰۰۸) [۳]، عضویت در آکادمی علوم آمریکا (۲۰۰۹) [۴] و اخیراً جایزه Breakthrough (پیشگامی یا راهکشایی) در فیزیک بنیادی [۴].

وفا خود را مبدیون دنیای علمی گذشته ایران و آن را منبع الهامی برای خود دانسته است. در چند سال گذشته به دفعات به ایران آمده است و نتش بارزی در برگزاری کنفرانس‌های ریسمان در پژوهشگاه دانش‌های بنیادی داشته است.

وفا به همراه همسرش آفرین صدر در بوستون زندگی می‌کند. سه فرزند دارند: فرزان، کیان، و نیکان که مشغول به تحصیل‌اند. اخیراً او و پسرش فرزان که دانشجوی دکتری فیزیک دانشگاه کالیفرنیا در سنتا باربارا است مقاله مشترکی را منتشر کرده‌اند [۵].

## کارهای وفا

کارهای وفا طیف وسیعی از مسائل بنیادی فیزیک را در بر می‌گیرد ولی به طور عمده حول مسئله مرکزی فیزیک متمرکز است، یعنی یافتن نظریه‌ای

## مهندسی هندسی نظریه‌های میدان

در فیزیک نظری، تقارن به شکل‌های مختلف از دیربار موضع و وسیله مهمی در شناخت طبیعت و ساختن مدل‌های آن بوده است. آنچه که از دینامیک دقیق پدیده‌های فیزیکی ناآگاهیم، تقارن‌ها ما را به شناخت و کشف آنها هدایت می‌کنند. وفا نیز به این مسئله توجه بسیار داشته است و بخش قابل توجهی از کارهایش مستقیم و غیرمستقیم در راستای شناخت تقارن‌های نظریه ریسمان و نظریه میدان بوده است. در این میان، ابرتقارن و تقارن‌های آینه‌ای جایگاه ویژه‌ای دارند. مقوله‌ای که به عنوان مهندسی هندسی نظریه‌های میدان‌های کوانتومی شناخته شده است از این دست است. او در مجموعه مقالات مربوط به این موضوع نشان داده است که ابرتقارن‌های برخی نظریه‌های ابرمتقارن با دو مولد ابرتقارن  $N = 2$  در  $\mathbb{C}$  بعد ناشی از دوگانی‌های نظریه ریسمان است. دوگانی‌ها خود نوعی تقارن هستند که دو نظریه مختلف را به یکدیگر مربوط می‌کنند و به دفعات به آنها باز خواهیم گشت. دو نظریه یا مدل را دوگان یکدیگر می‌خوانیم هرگاه دارای دو فرمول‌بندی کاملاً متفاوت اما محتوای فیزیکی یکسان باشند. به عبارت دیگر، دارای طیف‌ها و برهم‌کنش‌های یکسان باشند. مهندسی هندسی راه را برای یافتن خلاهای نظریه‌های  $N = 2$  هموار کرد. به عنوان مثال، وفا نشان داده است که نتایج دقیق (غیراحتلالی) نظریه ریسمان نوع II و نتایج نابدیهی نظریه میدان  $N = 2$  در  $\mathbb{C}$  بعد از دوگانی‌های نوع T ناشی می‌شوند. در مثال دیگری نشان داده است که برخی نظریه‌های  $N = 2$ ، باز هم در  $\mathbb{C}$  بعد، هم از فشرده‌سازی ریسمان نوع II روی چندگونه‌های کلابی-یاو با  $\mathbb{C}$  بعد مختلط، و هم از فشرده‌سازی نظریه ریسمان هتروتیک روی  $T_2 \times K_2$  به دست می‌آیند. وی همراه با کتس با غوطه‌ورکردن نظریه‌های میدان درگونه‌های با بعد بیشتر نظریه ریسمان (که نام فنی آنها نظریه M یا F است) نتایج را به نظریه‌های میدان  $N = 1$  تعمیم داد [۷].

## تقارن‌های آینه‌ای

تقارن آینه‌ای تعمیمی از تقارن‌هایی است که آنها را دوگانی می‌نامیم. مثلاً دو نظریه ریسمان یکی روی دایره‌ای به شعاع R و دیگری روی دایره‌ای به شعاع  $R/1$  از هر نظر معادلند؛ این موضوع درگانی T خوانده می‌شود. دو نظریه که دوگان یکدیگرند دارای طیف و برهم‌کنش یکسان‌اند. این مطلب نمودهای دیگری هم دارد و در شرایط پیچیده‌تری هم رخ می‌دهد، شرایطی که در آنها فقط ارتباط دو طول مختلف مطرح نیست. در این مقوله نیز وفا سهم بسزایی داشته است. پس از تشخیص اهمیت فضاهای کلابی-یاو، او از اولین کسانی بود (همراه با لرخه و وارنر در ۱۹۸۹) که متوجه شد نظریه‌هایی وجود دارند که لزوماً از یک فضای کلابی-یاو نمی‌آیند. به عبارت دیگر، فشرده‌سازی روی فضاهای کلابی-یاو مختلف می‌تواند منجر به نظریه‌های یکسان گردد.

نکته‌ای را باید قبل از این توضیحات ذکر کنم. مرز بین این مطالب چندان روشن و شفاف نیست، به واقع همه در هم تنیده‌اند و تقسیم‌بندی بالا با تسامح و تنها به منظور انتظام بحث انجام شده است.

### اربیفلد

ساخтар فضای  $\mathbb{C}^6$  بعدی اضافی در نظریه ریسمان کلید اساسی ساختار و محتوای مادی فضای  $\mathbb{C}^4$  بعدی است که ما در آن زندگی می‌کنیم. در ساده‌ترین حالت، این فضای یک چنبره  $\mathbb{C}^6$  بعدی است. برای ساختن یک نظریه مناسب در فضای  $\mathbb{C}^4$  بعدی، این فضای  $\mathbb{C}^6$  بعدی باشد از نوع فضای اینشتین باشد که خاصیتی موضعی است. وفا به همراه همکاران دیگر در مجموعه‌ای از مقالات نشان دادند که با تقسیم این فضا به زیرگروه‌های گسیسته ایزو‌مرتی‌های آن، فضاهای تکینه‌ای به دست می‌آیند که نظریه ریسمان روی آنها خوش تعریف است. برخی از حالت‌های نظریه ریسمان اولیه باقی می‌مانند، برخی هم از دست می‌روند و گروهی حالت نوبن نیز ایجاد می‌شوند. فضاهای حاصل، تکینگی‌های مخروطی دارند و علیرغم این رفتار تکینه، نظریه ریسمان روی آنها تکینگی را به ارت نمی‌برد. کستردگی ریسمان است که عامل پنهان شدن تکینگی‌ها و به عبارت دیگر فرم شدن آنهاست. این روش به یکباره امکان ساختن مدل‌های جدیدی را که به پدیده شناسی ذرات نزدیک باشد افزایش می‌دهد. در مورد خاص و در ساده‌ترین حالت، فضای چنبره  $\mathbb{C}^6$  بعدی را به گروه‌هایی همچون  $Z_2$  تقسیم می‌کنیم. ساختن مدل‌های سازگار که به  $\mathbb{C}^4$  بعد تقلیل می‌باشد کار آسانی نیست. محدودیت‌های بسیار بر فضای فشرده بعدی حاکم است و یافتن خانواده‌ای از آنها که علی‌رغم این محدودیت‌ها تکینه هم باشد هیجان زیادی را ایجاد کرد و نقطه عطفی در تاریخ نظریه ریسمان است. این کار با همکاری دیکسنون، هاروی، و وین انجام گرفت [۶]، برای ملاحظه توضیح بیشتر در این مورد، خواننده را به پیوست مربوط به نظریه ریسمان در همین مقاله ارجاع می‌دهم.

قسمت اعظم تحولات بعدی این دستاورد توسط وفا و همکارانش، از جمله دانشجویان و همکاران پسادکتری‌اش، پیش رفته است. اربیفلدهای نامتفقان (همراه با سرمدی و نارائن)، برهم‌کنش ریسمان‌های اربیفلدی (با همکاری حمیدی)، ناهمجاري‌های فراگیر در اربیفلدها (با همکاری فرید Freed)، اربیفلد لاندو - گینزبرگ و نقش آن در تعیین خلاهای ریسمانی (اینتریلیکیتور)، اربیفلدهای جرمدار (با همکاری چکوتی)، اربیفلد با پیچش گسیسته (همراه با وین).

فعالیت‌های وی در این زمینه بین سال‌های ۱۹۸۵ تا ۱۹۹۲ صورت گرفته است. در این سال‌ها کارهای متعدد دیگری نیز انجام داده است. از جمله، طبقه‌بندی نظریه میدان‌های همدیس روی سطوح ریمان، نقش ابرریسمان در کیهان‌شناسی ریسمانی، ارتباط گروه باز بهنجارش و فضاهای کلابی-یاو، مدل‌های ماتریسی، و چندین کار دیگر که مجال ذکر آنها نیست [۶].

جدیدی در نظریه ریسمان و خانواده‌ای از مدل‌های پدیده‌شناختی آن گردیده است. در این رهیافت، ابتدا نظریه به ۱۲ بعد ارتقاء می‌پاید و با فشرده‌سازی ۲ بعد جدید اضافی به صورت یک چنبره ۲ بعدی امکانات نوی پیش روی ما قرار می‌گیرد. این نظریه برای درک دوگانی قوی/ضعیف (همسانی دو نظریه یکی با برهمکنش قوی و دیگری با برهمکنش ضعیف) درگونه‌ای از نظریه که نوع دوم B خوانده می‌شود شکل گرفت. فشرده‌سازی روی فضاهای مختلف منجر به یافتن دوگانی‌های متعدد گردیده است.

به علاوه، این نظریه خانواده بزرگی از خلاهای ریسمانی را آشکارکرد که با ارضاء برخی ویژگی‌های مورد انتظار فیزیک ذرات، ما را قدمی به مدل‌های واقع‌بینه‌تر نزدیک کرد (منظور از خلاهای دارای کمترین انرژی است که می‌توان یک نظریه فیزیکی را برآن بنگرد). این آن چیزی است که نظریه F را بیشتر مورد توجه قرارداد. وفا در چند مقاله با همکاری کسانی همچون موریسون، هکمان و بیزلی مدل‌هایی پدیده‌شناختی از نوع وحدت بزرگ ساخته که علاوه بر بازسازی ساختار ذرهای مدل‌هایی مثل مدل کمینه ابرمتقارن (MSSM)، مسائل دیگر امروز فیزیک چون ثابت کیهان‌شناسی را هم مورد بحث قرار می‌دهد. به علاوه، او و همکارش مهندسی هندسی راکه در بالا ذکر آن رفت در این ساختارها به کار می‌بنند. ساختن چنین مدل‌هایی در دیدگاه‌های دیگر نظریه ریسمان حداقل به سادگی امکان‌پذیر نیست. در این مدل‌ها حتی ماتریس VKM که خارج از مدل استاندارد است و رفتار نوترینوها را به تصویر می‌کشد به دست می‌آید. سلسه‌مراتب جرم کوارک‌ها از دیگر توفیق‌های این روش پدیده‌شناختی است. نقش وفا در آغاز و پیشبرد آن باز و متمایز از دیگران است. در پایان، شایان ذکر است که علاوه بر موارد فوق وفا کارهای مهم دیگری چه به تنها یکی و چه با همکاری دیگران انجام داده که اهمیت‌شان شاید کمتر از موارد بالا نباشد لیکن پرداختن به آنها در اینجا میسر نیست. شمارش تعداد حالت‌های سیاه‌چاله، اثبات حدس AdS/CFT در برخی حالت‌های خاص، روشن ساختن قسمتی از خلاهای ریسمان، و مشارکت در پایه‌ریزی کیهان‌شناسی ریسمانی از جمله آنها هستند.

## پیوست: نظریه ریسمان در چند خط!

نظریه ریسمان یکی از غنی‌ترین ساختارهای ذهنی بشر است. فقط از روی احتیاط و اجتناب از فقدان دردام بحث و جدل است که آنرا غنی‌ترین نمی‌نام. این را هم مستقل از این بحث که آیا این نظریه به درستی جهان ما را توصیف می‌کند یا نه می‌گوییم. تشریح آن دریکی دوپاراگراف که در حوصله مجله‌ای چون اخبار بگنجد آسان نیست. تلاشی کرده‌ام و امیدوارم بسی راه نرفته باشم. به تاریخچه این نظریه و ریشه‌های فیزیکی‌فلسفی و ریاضی آن هم کاری ندارم. در فیزیک متعارف، درات بنیادی تشکیل‌دهنده ماده نقطه‌ای تصور می‌شوند که در پس زمینه هندسی خاصی حضور دارند، چه در شکل کلاسیک نیوتونی و چه در نگاه کوانتمی. خواص و نحوه رفتار آنها مستلزم ساخت و پرداخت نظریه‌هایی است که از خارج از این فرض برآنها اعمال می‌کنیم، نظریه‌هایی به شکل‌های متعدد مانند الکترودینامیک و دینامیک

وی در یکی از مقاله‌های آغازینش (۱۹۹۱) در این زمینه که رنگ و بوی ریاضی آن غالب است، معادل بودن تقارن آینه‌ای را با همارزی دو نوع مختلف از نظریه‌های توپولوژیک یعنی مدل‌های توپولوژیک سیگما و مدل‌های توپولوژیک لانداو - گینزبرگ نشان می‌دهد.

او، به موازات کارهای دیگر، این مطلب را برای مدتی طولانی پی‌گرفت و از مطالب جالبی که در این راستا به آنها پرداخته است به دست آوردن نظریه‌های یکسان از فشرده‌سازی نظریه‌های مختلف ریسمان روی فضاهای مختلف است، مثلاً اینکه فشرده‌سازی نظریه ریسمان هتروتیک روی فضای  $T_2 \times K^3$  همان نتیجه‌ای را می‌دهد که فشرده‌سازی ریسمان گونه II روی فضاهای کلابی-یاو (با همکاری فرلا، هاروی، و استرومینگر ۱۹۹۵) از ذکر کارهای دیگر می‌گذرم ولی لازم است که بر اثبات تقارن آینه‌ای که در سال ۲۰۰۰ به همراه کنتار و هوری ارائه کرده است اشاره کنم. شاید برای خواننده این نکته جالب باشد که تقارن آینه‌ای موج عظیمی در ریاضیات به وجود آورده است که هنوز هم فرو نشسته است؛ کاربرد وسیعی در هندسه شمارشی داشته است. اما روش کلی یافتن جفت‌های فضاهای کلابی-یاو که متقارن آینه‌ای‌اند هنوز به دست نیامده است [۸].

## ریسمان‌های توپولوژیک

این مقوله نوعی نظریه ریسمان است که در آن تنها خواص توپولوژیک بخش فشرده ابعاد اضافی مهمند. وفا روش‌هایی در این زمینه ابداع کرده است که ما را قادر به محاسبه کمیت‌هایی می‌سازد که از سویی تحت ابرتقارن ناودا هستند و از سوی دیگر به کمیات اندازه‌پذیر فیزیکی مانند ضریب جفتیدگی یوکاوا در ۴ بعد مربوط می‌شوند. به علاوه، در چارچوب هندسه شمارشی امکان شمارش خم‌های روی فضای کلابی-یاو را فراهم می‌سازند. او همچنین توانست دامنه برهمکنش ریسمان‌های توپولوژیک را با دقت زیاد و در برخی موارد برای تمام سطوح ریمان به دست آورد. وی در استفاده از ریسمان‌های توپولوژیک همچنین موفق شد دوگانی‌های گوناگونی را مشاهده و ثابت کند که در میان آنها می‌توان به دوگانی بین نظریه‌های چرن-سیمونز و ریسمان‌های بسته توپولوژیک اشاره کرد. همچنین با همکاری گوپا کومار فرمول بندی جدیدی از ریسمان توپولوژیک به عنوان نظریه‌ای برای شمارش حالت‌های BPS (حالت‌های ویژه‌ای در نظریه ریسمان که در کمینه انرژی قرار دارند و منشاء تعمیق درک ما از نظریه شده است) در نظریه M ارائه کرد. او کارهای متعدد دیگری هم در ارتباط با ریسمان توپولوژیک و ارتباط آن با قسمت‌های دیگر نظریه ریسمان انجام داده است، همچون ارتباط آن با ابرریسمان، نقش آن در دوگانی‌گرانش و نظریه‌های پیمانه‌ای و در نظریه‌های یانگ-میلز و سیاه‌چاله‌های ۲ بعدی.

## نظریه F

این نظریه شکلی از نظریه ریسمان است که در سال ۱۹۹۶ در مقاله‌ای با عنوان «شاهدی بر نظریه F» توسط وفا مطرح شده و سرآغاز کشف‌های

این تجسم این است که همه این فضاهای یکسان باشند مثلاً یک چنبره کوچک ۶ بعدی یا یک کره ۶ بعدی. خواص توپولوژیک این فضانوش تعیین‌کننده‌ای در تقارن، میدان‌ها و برهمکنش آنها در فضای ۴ بعدی ما دارند و از این رو این ویژگی‌ها اهمیت زیادی دارند و بسیاری از کارهای انجام شده در نظریه ریسمان به آنها اختصاص دارد. سازگاری و خواست وجود ابرتقارن در ۴ بعد، این فضای ۶ بعدی را محدود به فضاهایی می‌کند که انحنای ریچی آنها صفر باشد. گروه مهمی از آنها فضاهای کلابی-یا و هستند که در تقاضای ۱۰ به ۴ در نظریه ریسمان نقش مهمی دارند.

نحوه دیگر تقاضای ۱۰ بعد به ۴ بعد، استفاده از موجوداتی است که آنها را برین "Brane" (برگرفته از membrane) می‌خوانیم. این موجودات که از دل نظریه درمی‌آیند مانند غشاء هستند ولی می‌توانند ابعاد بیشتر یا کمتر داشته باشند. اگر یک بعد داشته باشند شبیه ریسمان، در حالت ۲ بعدی شبیه پوسته و اگر ۳ بعدی باشند مانند ژله‌اند. بعدهای بالاتر هم می‌توانند داشته باشند که نمی‌توان آنها را شبیه موجودات ۳ بعدی که می‌شناسیم تصور کرد. برین‌ها مانند ریسمان دارای تنفس یا به عبارت دیگر چگالی انرژی‌اند. می‌توانیم جهان ۴ بعدی خود را به شبکه برینی تصور کنیم که در ۱۰ بعد غوطه‌وار است. برین‌ها این خاصیت را دارند که انتهای ریسمان‌های باز باید روی آنها چسبیده باشد. ریسمان‌های باز خود را به شبکه ذرات مادی (الکترون، کوارک، و نوترون) و بردارهای پیمانه‌ای (همچون فوتون و گلوئون) متجلى می‌سازند و ریسمان‌های بسته، همچون گرانش. در این نحوه تقاضای ابعاد می‌بینیم که ذرات مادی حول وحش برین یعنی در ۴ بعد زندگی می‌کنند و گرانش در ۱۰ بعد.

هر دوی این روش‌ها و ترکیب آنها برای ساختن مدل‌های مختلف جهان ما به کار می‌رود. در متن بالا به کرات به این فضاهای اشاره شده است. اما نکته آخر: مقیاس نظریه ریسمان مقیاس پلانکی است: به مترا حدود ۱۰ به توان منهای ۳۳! یعنی بسیار کمتر از آنچه بتوان مستقیماً در آزمایشگاه ذرات با امکانات امروزی دید.

## مراجع

- C. Vafa, and E. Witten, *Restrictions on symmetry breaking in vector-like gauge theories*, Nuclear Physics B **234** (1) (1984), 173-188.
- جایزه‌ای برای کار درخشنان در فیزیک و ریاضی به یاد لشناور آینشטיاد دانشگاه ایالتی نیویورک که از سال ۲۰۰۸ برقرار شده است و هر سه سال یکباره اهدا می‌شود. وفا در سال ۲۰۰۸ یعنی اویین دور به همراه آندره استرومینگر و هیرشوی اگوری نائل به دریافت آن شد.
- مدال دیراک از سال ۱۹۸۵ در سالروز تولد دیراک فیزیکدان بزرگ قرن گذشته از سوی ICTP به فیزیکدان‌هایی که نقشی اساسی در پیشبرد فیزیک داشته‌اند اهدا می‌شود. وفا در سال ۲۰۰۸ به دریافت آن نائل شد.
- درباره این جایزه به صفحه ۴ در همین شماره اخبار نگاه کنید.
- B. Lian, C. Vafa, F. Vafa, and Sh.Ch. Zhang, *Chern-simons theory and Wilson Loops in the Brillouin zone*, B. Rev. Phys. **95** (2017), 094512.

(کلاسیک و کوانتومی)، کرومودینامیک کوانتومی، گرانش که نوع کلاسیک آن را می‌شناسیم و از نوع کوانتومی اش اطمینان نداریم. صرفاً برای نام‌گذاری صرف و نه بیش از آن، بگذارید آن را در مقابل نظریه ریسمان، نظریه ذرهای بنامیم.

نظریه ریسمان (به شکل کوانتومی آن) از هر نظر در مقابل این طرز فکر قرار دارد. نقطه با یک ساختار جدید به شکل یک خم پویا (بازو بسته) جایگزین می‌شود. دینامیک نظریه ذرهای را به طور کمینه به ریسمان تعیین می‌دهیم. در نگاه (نگاه را به جای کلمه پارادایم به کار می‌برم) کلاسیکی اتفاق عجیبی نمی‌افتد. انگار نوسانات یک نخ یا کش با سیم دارای تنش را مطالعه می‌کنیم. اختلاف و تقابل اصلی وقتی رخ می‌دهد که از نگاه کوانتومی به این موجود می‌پردازیم. حالت‌های مختلف ریسمان مثل حالت‌های نوسانی یا دورانی و ترکیب آنها به صورت ذراتی با جرم‌ها و اسپین‌های (تکانه زاویه‌ای ذاتی) گوناگون ظاهر می‌شوند. این پدیده جهانی را به ما هدیه می‌دهد آنکه از موجوداتی که در نظریه ذرهای با زحمت بسیار آنها را باید بسازیم، برهمکنش آنها هم که در نظریه ذرهای با مارت بسیار حاصل می‌شود به آسانی به دست می‌آید. اما دنیای کوانتومی با احتمال سر و کار دارد و بقاء احتمال حیاتی است. به عبارت فنی، نظریه‌های کوانتومی باید یکانی باشند یعنی جمع احتمال تمام امکانات باید ۱ باشد! به نظر می‌آید این قید باید بر نظریه ریسمان نیز اعمال شود. نتیجه‌اش بس شکفت‌آور است. بعد فضایی که ریسمان در آن می‌زید معین می‌شود: ۱۰ بعد! جرم ذرات را تعیین می‌کند! و درجات آزادی آنها را به طوری که ذرات با جرم صفر که در ساختن نظریه‌های ذره باید بر نظریه تحمیل کنیم خود به خود از پس پرده به در می‌آیند. ذراتی با اسپین‌های صفر (که مانند ذره هیگز است) و ۱/۲ (شبیه الکترون و کوارک) و یک (همچون فوتون و گلوئون) و ۳/۲ (که چیزی از آن نمی‌دانیم) و ۲ (بسان گلوئیون) با جرم صفر. اینها برای درک این جهان لازم‌اند. جالب‌تر آنکه نوع برهمکنش آنها هم از جنسی است که لازم داریم: برهمکنش پیمانه‌ای و گرانشی. از همین شرط ساده پایستاری احتمال، معادلات مختلف حاکم بر آنها هم در می‌آید: معادله‌های یانگ - میلز و ماکسول و اینشتین. یعنی دینامیک فضایی را که در آن زندگی می‌کند و نمود خود در این فضا را هم به ما می‌دهد؛ یعنی آجرهای بنای باشکوه تمام فیزیک بنیادی که می‌شناسیم یک جا ساخته می‌شود.

اما مشکل اصلی این است که این نظریه ۱۰ بعد برای فضا پیش‌بینی می‌کند در حالی که ظاهراً ما در ۴ بعد هستیم. در دید نخست، این موضوع بد و هولناک جلوه می‌کند ولی پس از کمی کندوکوا و غور در آن می‌بینیم نه تنها این موضوع بد نیست بلکه عامل مهمی در غنای نظریه است. اینکه چگونه فضای ۴ بعدی را از این ۱۰ بعد بیرون بکشیم علی‌الاصول به دو گونه انجام شده است: روش اول ملهم از روش کالوترا و کلابن در استخراج الکترومغناطیس در پس زمینه گرانشی با استفاده از گرانش ناب ۵ بعدی است و به روش کالوترا-کلابن شهرت دارد. در این روش، فضای ۶ بعدی اضافی را فشرده و کوچک تجسم می‌کنیم انگار که به هر نقطه از فضای ۴ بعدی ما یک فضای ۶ بعدی کوچک چسبیده است. ساده‌ترین شکل

- **T. Hollowood, A. Iqbal, and C. Vafa**, *Matrix models, geometric engineering and elliptic genera*, Journal of High Energy Physics **03** (069) (2008).
- ۸. مراجع تقارن‌های آینه‌ای
- **S. Ferrara, J.A. Harvey, A. Strominger, and C. Vafa**, *Second-quantized mirror symmetry*, Physics Letters B **361** (1-4) (1995), 59-65.
- **K. Hori and C. Vafa**, *Mirror symmetry*, arXiv preprint hep-th/0002222, 2000-arxiv.org.
- **M. Aganagic and C. Vafa**, *Mirror symmetry, D-branes and counting holomorphic discs*, arXiv preprint hep-th/0012041, 2000.
- **K. Hori, A. Iqbal, and C. Vafa**, *D-branes and mirror symmetry*, arXiv preprint hep-th/0005247, 2000.
- **S. Katz, P. Mayr, and C. Vafa**, *Mirror symmetry and exact solution of 4d  $N=2$  gauge theories I*, arXiv preprint hep-th/9706110, 1997.
- **A. Aganagic, A. Klemm, and C. Vafa**, *Disk instantons, mirror symmetry and the duality web*, Zeitschrift für Naturforschung A (2002), degruyter.com.
- **Y.H. He, K.D. Kennaway and C. Vafa**, *Dimer models from mirror symmetry and quivering amoebae*, Advances in Theoretical Mathematical Physics **12** (3) (2008).
- **H. Ooguri and C. Vafa**, *Knot invariants and topological strings*, Nuclear Physics B **577** (3) (2000), 419-438.
- **B. Acharya, M. Aganagic, K. Hori, and C. Vafa**, *Orientifolds, mirror symmetry and superpotentials*, arXiv preprint hep-th/0202208, 2002.
- **C. Vafa**, *Mirror symmetry and closed string tachyon condensation*, arXiv preprint hep-th/0111051, 2001.
- **M. Aganagic and C. Vafa**, *Mirror Symmetry and supermanifolds*, arXiv preprint hep-th/0403192, 2004.
- **M. Aganagic and C. Vafa**, *Mirror symmetry and a  $G_2$  flop*, Journal of High Energy Physics **JHEP05** (061) (2003).
- **M. Aganagic and C. Vafa**,  *$G_2$  manifolds, mirror symmetry and geometric engineering*, ArXiv preprint hep-th/0110171, 2001.
- **M. Aganagic and C. Vafa**, *Large  $N$  duality, mirror symmetry, and a  $Q$ -deformed  $A$ -polynomial for knots*, arXiv preprint arXiv:1204.4709, 2012.
- **I. Brunner and K. Hori**, *Orientifolds and mirror symmetry*, Journal of High Energy Physics **JHEP 0411** (005) (2004).
- **C. Vafa**, *Extending mirror conjecture to Calabi-Yau with bundles*, Communications in Contemporary Mathematics **01** (65) (1999).
- **T. Hollowood, A. Iqbal, and C. Vafa**, *Matrix models, geometric engineering and elliptic genera*, Journal of High Energy Physics **JHEP0803** (069) (2008).

۶. مراجع اریبند

- **L. Dixon, J.A. Harvey, C. Vafa, and E. Witten**, *Strings on orbifolds (I, II)*, Nuclear Physics B **261** (1986), 678-686, and Nuclear Physics B **274** (2) (1985), 285-314.
- **M.H. Sarmadi, and C. Vafa**, *Asymmetric orbifolds KS Narain*, Nuclear Physics B **288** (1987), 551-577.
- **M.H. Sarmadi and C. Vafa**, *Asymmetric orbifolds: Path integral and operator formulations KS Narain*, Nuclear Physics B **356** (1) (1991), 163-207.
- **S. Hamidi and C. Vafa**, *Interactions on orbifolds*, Nuclear Physics B **279** (3-4) (1987), 465-513.
- **D.S. Freed and C. Vafa**, *Global anomalies on orbifolds*, Communications in Mathematical Physics **110** (3) (1987), 349-389.
- **C. Vafa**, *Landau-Ginzburg Orbifolds K Intriligator*, Nuclear Physics B **339** (1) (1990), 95-120.
- **S. Cecotti and C. Vafa** *Massive orbifolds*, Modern Physics Letters A **7** (19) (1992), 1715-1723.
- **C. Vafa and E. Witten**, *On orbifolds with discrete torsion*, Journal of Geometry and Physics **15** (3) (1995), 189-214.
- ۷. مراجع مهندسی هندسی نظریه‌های میدان
- **S. Katz, A. Klemm, and C. Vafa**, *Geometric engineering of quantum field theories*, Nuclear Physics B **497** (1-2) (1997), 173-195.
- **S. Katz and C. Vafa**, *Geometric engineering of  $N=1$  quantum field theories*, Nuclear Physics B **497** (1-2) (2001), 196-204.
- **M. Bershadsky and C. Vafa**, *Global anomalies and geometric engineering of critical theories in six dimensions*, arXiv preprint hep-th/9703167.
- **C. Vafa**, *Geometric origin of Montonen-Olive duality*, arXiv preprint hep-th/9707131.
- **k.k. F. Cachazo, K. Intriligator, and C. Vafa**, *A large  $N$  duality via a geometric transition*, Nuclear Physics B **603** (1) (1997), 3-41.
- **S. Katz and C. Vafa**, *Matter from geometry*, Nuclear Physics B **497** (1-2) (2001), 146-154.
- **S. Katz, A. Klemm, and C. Vafa**, *Geometric engineering of quantum field theories*, Nuclear Physics B **497** (1-2) (1997), 173-195.
- **C. Vafa**, *Geometric origin of Montonen-Olive duality*, arXiv preprint hep-th/9707131.
- **M. Bershadsky and C. Vafa**, *Global anomalies and geometric engineering of critical theories in six dimensions*, arXiv preprint hep-th/9703167.
- **M. Aganagic and C. Vafa**,  *$G_2$  Manifolds, Mirror Symmetry and Geometric Engineering*, arXiv preprint hep-th/0110171.