

عملگر لابلسی دیریکله و  $\varphi$  ویژه تابع متناظر باشد. حکمی از نوع اشنیرلمانی مؤید رابطه زیر

$$\lim_{k \rightarrow \infty} \int |\varphi_{n_k}|^2 dx = \frac{\text{vol}(V)}{\text{vol}(\Omega)}$$

به ازای دنباله‌های خاصی چون  $\{n_k\}$  با چگالی یک است. معلوم نیست که اگر قرار دهیم  $n_k = k$ , پدیده توسعه یکنواخت تا چه حدی معتبر است, ولی تعدادی از حالتهای خاص به طور کامل بررسی شده‌اند. همچنین نتایجی در جهت تأیید پدیده مخالف به دست آمده است یعنی زیردنباله‌ای وجود دارند که در آنها سُر میانگین مربعی ویژه مقدارها در نزدیکی یک مدار دوره‌ای متتمرکز است (فوره [F. Faure] و دیگران). در وبگاه <http://www.ericjhellergallery.com>.

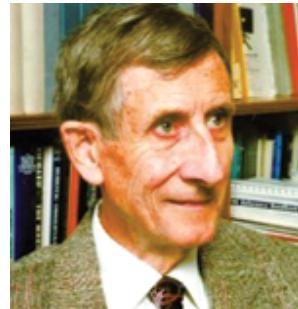
در شکل‌های ۱ تا ۱۲ چند دامنه و ویژه تابع آنها برای شرط‌های مرزی دیریکله و نویمان و منبینهای تراز آن توابع نمایش داده شده‌اند. شکل‌های پشت جلد نمایش حرکت یک توپ بیلیارد روی یک میز بیضی شکل است به طوری که توپ در برخورد با بیضی مرزی با زاویه مساوی معکس می‌شود.

محمد رضا مختارزاده، سید علی کتابخوان، و مهرداد شهشهانی پژوهشگاه دانش‌های بنیادی.

## باز هم پوانکاره و اینشتین\*

مهرداد شهشهانی\*\*

نقد فریمن دایسن بر کتاب پیتر گلیسین با عنوان ساعتهای اینشتین، نگاه‌شتمهای پوانکاره: امپراتوران زمان، انتظاری را که خواننده از فیزیکدان بر جسته‌ای چون دایسن دارد بر آورده نمی‌کند. انتساب نسبیت خاص به کسی که واقعاً کافش آن است و اینکه چرا اینشتین



فریمن دایسن

از چنان اشتهری برخوردار است که دانشمندان تأثیرگذارتر مانند پوانکاره، هایزینبرگ یا دیراک از آن برخوردار نیستند, دو موضوع جداگانه اما مرتبط با هم‌اند. با بررسی استدلالهای هواداران اینشتین و مقاله‌های اصلی که در این موضوع نوشته شده، معلوم می‌شود افتخارکش نسبیت خاص را به نادرستی به اینشتین نسبت داده‌اند.

اصل نسبیت خاص (ناوردایی قوانین فیزیک تحت ...) متعلق به پوانکاره بود و اینشتین از پیشنهاد او پیروری کرد. ریچارد فاینمن این حقیقت را در درس‌هایی درباره فیزیک (جلد ۱، فصلهای ۱۶-۱۵) پذیرفته است. پیامدهای ریاضی مستقیم این اصل، از قبیل وجود زمانهای موضعی، انقباض طول، وغیره، بر پوانکاره و دیگران معلوم بود و استنتاج آن پیامدها برای ریاضیدانی با مهارت تکنیکی فوق العاده پوانکاره کار ساده‌ای بود. پروفیسور دایسن از کتاب عامه‌فهم پوانکاره، علم و فرضیه (۱۹۰۵) یاد می‌کند و ارزش آن را تا سطح فرضیه بافی فلسفی پایین می‌آورد. تردید پوانکاره در مورد قوانین «صحيح» فیزیک (فصل ۷) بازتابی از فقدان شواهد تجربی قطعی در آن زمان بود. در سال ۱۹۱۱ بود که فیزیکدانان تحقیق تجربی اصل نسبیت را عموماً پذیرفتند. ویگنر

(E. Wigner) در سخنرانی ۱۹ مارس ۱۹۴۹ خود در بزرگداشت اینشتین، بر اهمیت اساسی اصل ناوردایی تحت یک گروه تبدیلات برای فیزیک و نقش اینشتین در اعلام این دیدگاه تأکید کرد. در واقع چنانکه ویگنر تا حدی پذیرفت، پوانکاره بود که این اصل را کشف کرد و بر آن تأکید نهاد، و در مقاله ۱۹۰۵ اینشتین («درباره الکترو دینامیک...») چیزی وجود ندارد که نشان دهد او مطلبی بر آن افزوده یا اهمیت آن را در آن زمان به طور کامل درک کرده است. بسیاری از تعمیمهای و نتایج دیدگاه پوانکاره از جمله اصل هموردایی (covariance) اینشتین در نسبیت عام، در فیزیک بسیار بارآور بوده است، ولی ایده اساسی اولیه متعلق به پوانکاره است.

این نظر را که افتخار ابداع نسبیت خاص باید به لورنتس (H.A. Lorentz) (تعلق گیرد، دیراک (در «سخنرانی جایزه اونهایم») مطرح کرد و شجاعت اینشتین را نیز در جرح و تعديل و پالایش ایده‌های لورنتس ستود. ولی با اذعان به کار پیشگامانه لورنتس، امتیاز کشف نسبیت خاص باید بین لورنتس و پوانکاره تقسیم شود. با این حال، در مقاله ۱۹۰۵ اینشتین، سادگی و روشنی دلپذیری در تشریح مطلب دیده می‌شود که مخصوص آثار دانشمندان استثنایی است. شیوه ساده و زیبای اینشتین در استنتاج «قانون تابش» پلانک (۱۹۱۷) و فرمول  $E = mc^2$  (فرمولی که قبل از آن را می‌شناخته‌اند و کشف آن به غلط به او منسوب شده) شواهد دیگری بر روشنی ذهن و عمق ادراک اوست.

بعضی از فیزیکدانان، عدم وجود اثر را ایده‌ای انقلابی می‌دانند که متعلق به اینشتین است. حال آنکه پوانکاره می‌دانست که اثر هیچ اهمیت عملی ندارد، یعنی چون «موجود» ای اندازه ناپذیر و سترون است، وجود یا عدم وجودش یک فرضیه بیهوده فلسفی است. اینکه آن را خلاً بنامند یا اتر، یک موضوع لفظی است و بیامد علمی ندارد.

پروفیسور دایسن در نوشته خود بر کار پوانکاره به عنوان مهندس معدن انگشت می‌گذارد ولی سخنی از خدمات مهم او به ریاضیات به میان



تأثیری منفی بر قضاوت درباره کارهای او گذاشته باشد. ماکس بورن به یاد می‌آورد که مینکوفسکی در سال ۱۹۰۴ به الکترودینامیک علاقه‌مند شده بود و می‌گفت ایده‌هایی درباره رابطه عمیق بین گروهها و فیزیک، حتی فراتر از کشفیات پوانکاره، دارد. ولی علی‌رغم این موضوع، در سخنرانی خود (با عنوان «فضا و زمان») در ۲۱ سپتامبر ۱۹۰۸ اشاره‌ای به پوانکاره نکرد ولی از اینشتین و برخی دیگر یاد کرد. اینکه آیا او نیز مانند همکار بر جسته‌اش فلیکس کلاین احساس شخصی ناخواهانی نسبت به پوانکاره داشت یا نه، نمی‌دانم. آواره‌بی نظر اینشتین ممکن است تا حدی از موضوع اختراع سلاح هسته‌ای، نامه مشهور او به پرزیدنت روزولت در این باره، خشونت در اواسط قرن گذشته و تبعات سیاسی آن، ناشی شده باشد. من گمان دیگری در این باره ندارم.

\*\*\*\*\*

\* این نوشته، نظری است درباره نقد فریمن دایسن (Freeman Dyson) بر کتاب: P. Galison, *Einstein's Clocks, Poincaré Maps: Empires of time*, 1st edition, W.W. Norton & Company, New York, 2003,

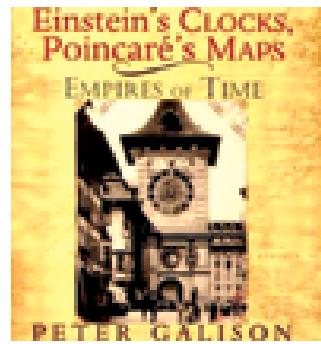
که در

New York Review of Books (NYRB), Nov. 6, 2003, p.42,

چاپ شده است.

نویسنده اصل نوشته را برای فریمن دایسن فرستاده ولی هنوز جوابی دریافت نکرده است.

\*\* مهرداد شهرشانی، استاد پژوهشکده ریاضیات، پژوهشگاه دانشگاه بنیادی.



اینکه چرا جامعه علمی خدمات پوانکاره را به فیزیک تصدیق نکرده است موضوع جالبی است که مورخان علم باید به بررسی آن پردازنند. باید گفت که انتساب ناصحیح افتخارات علمی چندان هم غیر معمول نیست. روابط پوانکاره با جامعه ریاضی همیشه دوستانه بود و این امر ممکن است

## درخشش محققان پژوهشگاه در «جشنواره پژوهشگران برگزیده»

هر سال به منظور تشویق پژوهشگران به فعالیتهای پیشتر و مفیدتر علمی، در آذرماه و مقارن با هفته پژوهش، مرکز تحقیقات سیاست علمی کشور با همکاری وزارت علوم، تحقیقات و فناوری، مبادرت به انتخاب و معرفی پژوهشگران برگزیده سال می‌کند. در «جشنواره پژوهشگران برگزیده» با اهدای لوح تقدیر، مдал و جوایز ارزنده از این پژوهشگران تقدیر و قدردانی به عمل می‌آید.

۳ تن از برگزیدگان چهارمین جشنواره پژوهشگران برگزیده در سال ۱۳۸۲ از میان همکاران این پژوهشگاه هستند:

- حسام الدین ارفعی، استاد دانشگاه صنعتی شریف و استاد پیشکسوت پژوهشگاه دانشگاه بنیادی. دکتر ارفعی امسال به عضویت فرهنگستان علوم جهان سوم (TWAS) درآمده است و باین جهت از ایشان قدردانی شد.

- محسن علیشاھیها، استادیار پژوهشگاه دانشگاه بنیادی. دکتر علیشاھیها به همراه دکتر محمد مهدی شیخ جباری در سال ۲۰۰۲ مقاله‌ای ارائه کردند که جزء یک درصد مقالاتی است که در رشته فیزیک از نظر تعداد استناد در جهان، بالاترین میزان را داشته است. گفتنی است محسن علیشاھیها در سال ۱۳۸۱ نیز به عنوان پژوهشگر برگزیده رتبه اول وزارت علوم، تحقیقات و فناوری انتخاب شده بود.

- حمید وحید دستجردی، دانشیار پژوهشگاه دانشگاه بنیادی. مقاله دکتر وحید دستجردی در میان مقالات پژوهشگران ایرانی که در زمینه علوم انسانی ارائه شده است دارای امتیاز بالاتری بوده است.

